

Classe de 5^e

Février 2016

Corrigé de l'épreuve de Mathématiques

Exercice 1 (6 pts)

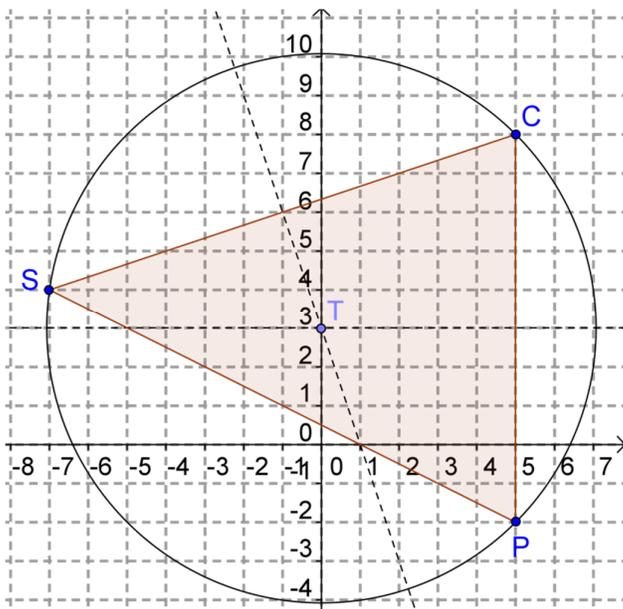
$$A = \frac{1}{6} \quad B = \frac{7}{3} \quad C = 0$$

Exercice 2 (6 pts)

1) 1) a) et b) 2) a) et b) 3) a) et b)

2) a) $30 = 2 \times 3 \times 5$ et $75 = 3 \times 5 \times 5$ b) PPCM(30 ; 75)=150.**Exercice 3** (5 pts)a) Part de Bruno : $\frac{1}{7} \times \frac{7}{12} = \frac{1}{12}$.Part distribuée : $\frac{5}{12} + \frac{1}{12} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ donc Boris garde la moitié du gain.b) Cinq douzièmes représentent 1500, un douzième 300 donc le total est de $300 \times 12 = 3600$.**Exercice 4** (8 pts)I. a) -6 b) $-4,2 < -3,6 < -3,5 < -3,2 < 7,8 < 17$ c) Queens, Manhattan et Brooklyn.
d) C e) A et D f) E

II.



Exercice 5 (4 pts)

Figure 1 :

$AB + AC = 6,2 < 6,5$. D'après l'inégalité triangulaire, la construction est impossible.

Figure 2 :

(AB) et (CD) sont toutes les deux perpendiculaires à (AC) donc parallèles.

Les angles \widehat{ABD} et \widehat{BDx} sont alternes-internes formés par (AB) et (CD) coupées par (BD) donc doivent être égaux. D'où la construction est impossible vu qu'ils ne le sont pas.

Exercice 6 (10 pts)

- 1) $\widehat{BHD} = 45^\circ$ car [HD] bissectrice de \widehat{AHB} .
Dans ABC, $\widehat{ACB} = 180 - (120 + 15) = 45^\circ$.
Les angles BHD et ACB sont correspondants formés par (DH) et (AC) coupées par (BC).
De plus $\widehat{BHD} = \widehat{ACB} = 45^\circ$
Donc (DH) // (AC).
- 2) AHC est rectangle en H avec $\widehat{ACH} = 45^\circ$ donc AHC est rectangle isocèle en H.
- 3) (HE) est une médiane dans AHC isocèle en H alors (HE) est la médiatrice de [AC] car dans un triangle isocèle la médiane issue du sommet principal est en même temps médiatrice de la base.
- 4) F point de (HE) médiatrice de [AC] alors $FA = FC$ car tout point appartenant à la médiatrice d'un segment est équidistant des extrémités de ce segment. Alors FAC isocèle en F.
De plus $\widehat{FAC} = 180 - 120 = 60^\circ$ car $A \in [BF]$
Donc FAC est équilatéral. (isocèle ayant un angle de 60°).